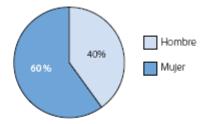
El sexo de 20 bebés nacidos en un hospital ha sido:

H M H H M M H H M M M M M H M M H H M M

Construye la tabla asociada a estos datos, y represéntalos.

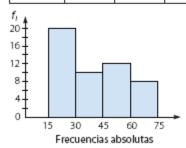
Sexo	f_I	h,
Hombre	8	0,4
Mujer	12	0,6

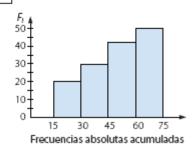


OO8 Completa la tabla de frecuencias, y dibuja el histograma de frecuencias absolutas y acumuladas con los datos de esta tabla.

Edad (años)	[15, 30)	[30, 45)	[45, 60)	[60, 75)
N.º de trabajadores	20	10	12	8

	Edad	f,	h,	F,	H,
	[15, 30)	20	0,4	20	0,4
	[30, 45)	10	0,2	30	0,6
Γ	[45, 60)	12	0,24	42	0,84
Γ	[60, 75)	8	0,16	50	1





017 Salen 20 plazas a concurso por oposición y se presentan 200 personas.

Notas	3	4	5	6	7	8	9	10
f_I	6	25	34	42	50	27	13	3

¿Con qué nota se obtiene una de las plazas mediante el concurso por oposición? ¿Qué percentil es la nota 5?

Hay 200-20=180 personas que suspenden la oposición. Como 180 es el 90 % de 200, y $P_{10}=8$, que es la nota mínima para aprobar. Ordenados los datos, del 32.° al 65.° tienen de nota 5, luego 5 es el percentil P_{16} , P_{17} , ..., hasta P_{32} .

018 Lidia ha obtenido las siguientes notas.

Halla las medidas de dispersión.

$$\overline{x} = 7,14$$
 $\sigma^2 = 2,69$ $\sigma = 1,64$ $CV = 0,23$

019 Calcula las medidas de dispersión de estos datos.

N.º de vehículos	0	1	2	3
N.º de familias	115	456	268	161

X _I	f_I	$ x_i - \overline{x} $	$(x_i - \overline{x})^2$	$f_i \cdot (x_i - \overline{x})^2$	
0	115	1,475	2,175	250,125	$\bar{x} = 1,475$
1	456	0,475	0,225	102,6	$\sigma^2 = 0.867$
2	268	0,525	0,275	140,7	$\sigma = 0.931$
3	161	1,525	2,325	374,325	CV = 0,631
	1.000			867,75	

022 La tabla muestra la cantidad de fruta que ha consumido, al mes, una familia durante el último año.

Cantidad (kg)	[0, 10)	[10, 20)	[20, 30)	[30, 40)
N.º de meses	1	5	4	2

Calcula las medidas estadísticas y analízalas.

$$\overline{x} = \frac{250}{12} = 20,83$$
 $Mo = 15$ $Me = 20$

$$R = 40 - 0 = 40$$
 $DM = \frac{90}{12} = 7,5$

$$\sigma^2 = \frac{6.100}{12} - 20,83^2 = 74,44$$
 $\sigma = \sqrt{74,44} = 8,63$

$$CV = \frac{8,63}{20,83} = 0,41 = 41$$

La varianza y la desviación típica, así como el coeficiente de variación, no son muy grandes; por tanto, se puede decir que los datos no están muy dispersos respecto de las medidas de centralización.

023 Compara la media y la desviación típica de los datos de esta tabla.

Intervalos	[10, 15)	[15, 20)	[20, 35)	[35, 50)
Frecuencias	25	12	13	25

$$\overline{x} = \frac{1.942,5}{75} = 25,9$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{62.568,75}{75} - 25,9^2} = \sqrt{163,44} = 12,78$$

La desviación típica no es grande respecto a la media; por tanto, los datos no están muy separados de ella.

- a) ¿En cuál de ellos están más concentrados los datos?
- b) ¿Hay algún dato atípico?

a)
$$\overline{x}_A = \frac{238}{10} = 23.8$$
 $\sigma_A = \sqrt{\frac{5.744}{10} - 23.8^2} = \sqrt{7.96} = 2.82$ $\overline{x}_B = \frac{224}{10} = 22.4$ $\sigma_B = \sqrt{\frac{5.050}{10} - 22.4^2} = \sqrt{3.24} = 1.8$ $CV_A = \frac{2.82}{23.8} = 0.12$ $CV_B = \frac{1.8}{22.4} = 0.08$

Los datos están más concentrados en el grupo B.

b) No hay datos atípicos.

025

- Indica el tipo de variable estadística que estamos estudiando y razona, en cada caso, qué sería mejor, si estudiar una muestra o la población.
- a) El cantante favorito de los miembros de tu familia.
- b) La talla de pantalón de los alumnos de un IES.
- c) La precipitación media mensual de tu provincia.
- d) La altura de los habitantes de un país.
- e) La nacionalidad de los habitantes de un pueblo.
- f) El número de SMS recibidos a la semana por tus amigos.
- g) Los efectos de la gravedad en un cultivo de bacterias.
- h) El tipo de calzado de tus compañeros de clase.
 - a) Variable cualitativa. Es más conveniente estudiar la población.
 - b) Variable cuantitativa discreta. Es más adecuado estudiar una muestra.
 - c) Variable cuantitativa continua. Sería mejor estudiar la población.
 - Variable cuantitativa continua. Es más adecuado estudiar una muestra.
 - e) Variable cualitativa. Es más adecuado estudiar una muestra.
 - f) Variable cuantitativa discreta. Es más adecuado estudiar la población.
 - g) Variable cuantitativa continua. Sería mejor estudiar una muestra.
 - h) Variable cualitativa. Es más adecuado estudiar la población.

El profesor de Educación Física ha anotado el peso y la altura de todos los alumnos de 1.º Bachillerato.

Peso (kg)	fı
[46, 51)	14
[51, 56)	26
[56, 61)	49
[61, 66)	32
[66, 71)	14
[71, 76)	5
Total	140

Altura (cm)	fı
[152, 160)	12
[160, 168)	28
[168, 176)	30
[176, 184)	46
[184, 192)	22
[192, 200)	2
Total	140

Para seleccionar a los alumnos con un peso y una altura más centrados, descarta los valores extremos: el 25 % inferior y el 25 % superior.

- a) ¿Cuáles son los datos que se descartan?
- b) ¿Qué porcentaje de alumnos tienen medidas comprendidas en esos intervalos?
- c) Halla los percentiles 33 y 66 en ambas variables.
 - a) 25 % de 140 = 35 → Se descartan los datos del intervalo [46, 51) en la variable peso y los datos del intervalo [152, 160) en la variable altura. 75 % de 140 = 105 \rightarrow Se descartan los datos del intervalo [66, 76) en la variable peso y los datos del intervalo [184, 200) en la variable altura.
 - b) En la variable peso: $\frac{107}{140} = 0.76 \rightarrow \text{El } 76 \%$ de los alumnos está comprendido

En la variable altura: $\frac{104}{140} = 0.74 \rightarrow El 74\%$ de los alumnos está comprendido en los intervalos.

c) 33 % de 140 = 46,2

En la variable peso: $P_{33} = 58,5$ En la variable altura: $P_{33} = 172$

66% de 140 = 92,4

En la variable peso: $P_{66} = 63.5$ En la variable altura: $P_{66} = 180$

Una mina de carbón extrae mineral de dos calidades diferentes. La producción diaria, en toneladas, durante los últimos días ha sido la que se muestra en la tabla.

Día	Calidad A	Calidad B
16	12	4
17	10	6
18	9	9
19	13	3
20	12	6
23	10	7
24	11	9
25	10	10
26	9	12
27	11	8



- a) Calcula la media aritmética y la desviación típica de la producción de cada tipo de carbón.
- b) Determina el coeficiente de variación para decidir cuál de las dos variables es más dispersa.

a)
$$\overline{x}_A = \frac{107}{10} = 10,7$$

$$\sigma_A = \sqrt{\frac{1.161}{10} - 10,7^2} = \sqrt{1,61} = 1,27$$

$$\overline{x}_B = \frac{74}{10} = 7,4 \qquad \sigma_B = \sqrt{\frac{616}{10} - 7,4^2} = \sqrt{6,84} = 2,62$$

b)
$$CV_A = \frac{1,27}{10,7} = 0,12$$
 $CV_B = \frac{2,62}{7,4} = 0,35$

La variable carbón de calidad B es más dispersa que la variable carbón de calidad A.

Se está estudiando los años que llevan funcionando las empresas informáticas en una ciudad.

Años	[0, 3)	[3,6)	[6, 9)	[9, 12)	[12, 15)	[15, 18)
N.° de empresas	64	48	22	13	4	1

Halla cuánto tiempo, por término medio, lleva funcionando una empresa y sus medidas de dispersión.

$$\overline{x} = \frac{684}{152} = 4,5 \text{ años}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{4,788}{152} - 4,5^2} = \sqrt{11,25} = 3,35$$

$$CV = \frac{3,35}{4,5} = 0,74$$

048

La tabla presenta las notas que han obtenido los alumnos de un curso en Inglés y Economía.

Haz una tabla de frecuencia para cada asignatura y calcula sus medias y desviaciones típicas. Usa el coeficiente de variación para decidir cuál de las dos variables es más dispersa.

Inglés Economía	4	5	6	7	8
5	2	1	0	0	0
6	3	3	3	1	2
7	1	2	2	2	1
8	0	1	5	1	0

Inglés	fi
4	6
5	7
6	10
7	4
8	3

Economía	f _i
5	3
6	12
7	8
8	7

$$\overline{x} = \frac{171}{30} = 5.7$$
 $\overline{x} = \frac{199}{30} = 6.63$ $\sigma = \sqrt{\frac{1.019}{30} - 5.7^2} = \sqrt{1.48} = 1.22$ $\sigma = \sqrt{\frac{1.347}{30} - 6.63^2} = \sqrt{0.94} = 0.97$ $CV = \frac{1.22}{5.7} = 0.21$ $CV = \frac{0.97}{6.63} = 0.15$

$$\overline{x} = \frac{199}{30} = 6,63$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1.347}{30} - 6,63^2} = \sqrt{0,94} = 0,97$$

$$CV = \frac{0,97}{6,63} = 0,15$$

La variable notas de Inglés es más dispersa que la variable notas de Economía.

- a) Añade datos para que la variable tenga como media 16 y un coeficiente de variación menor que el anterior.
- A partir de la primera, escribe los datos de otra variable con media 50 y con menor coeficiente de variación.

$$\overline{x} = \frac{129}{8} = 16,125$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{2.221}{8} - 16,125^2} = \sqrt{17,61} = 4,2$$

$$CV = \frac{4,2}{16,125} = 0,26$$

a)
$$\overline{x} = 16 \rightarrow \frac{129 + a}{9} = 16 \rightarrow a = 15$$

 $\sigma = \sqrt{\frac{2.446}{9} - 16^2} = \sqrt{15,78} = 3,97 < 4,2$

b) 50 - 16,125 = 33,875

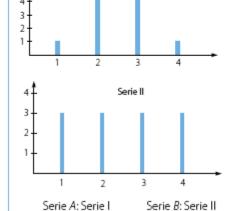
051

Añadiendo este valor a los datos, la nueva serie es:

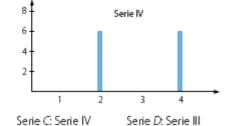
Hemos representado cuatro variables estadísticas de las que conocemos su media y su desviación típica.

Serie A:
$$\overline{x} = 2,5$$
 $\sigma = 0,76$
Serie B: $\overline{x} = 2,5$ $\sigma = 1,12$
Serie C: $\overline{x} = 3$ $\sigma = 1$
Serie D: $\overline{x} = 2,5$ $\sigma = 1,38$

Asocia, sin hacer los cálculos, los parámetros con los siguientes gráficos.



Serie I



Serie III

054

El seleccionador de baloncesto está eligiendo a los jugadores que van a participar en el próximo partido, pero hay dos puestos que aún tiene sin cubrir. Necesita un jugador que sea buen anotador, pero que no tenga grandes variaciones en sus resultados. Ha preseleccionado a dos candidatos cuyas anotaciones en los últimos 12 partidos han sido:

Jugador 1:

Jugador 2:

¿Qué jugador elegirías tú?

Justifica tu respuesta con datos objetivos.

También debe seleccionar un base que sea un buen lanzador de tiros triples, y cuenta con dos candidatos. Estos datos muestran el número de triples anotados en los últimos 10 partidos:

Jugador 3:

Jugador 4:

¿Qué jugador escogerías ahora? Justifica tu elección.

Jugador 1:
$$\overline{x} = \frac{264}{12} = 22$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{5.890}{12} - 22^2} = \sqrt{6.83} = 2.61 \qquad CV = \frac{2.61}{22} = 0.12$$

Jugador 2:
$$\overline{x} = \frac{264}{12} = 22$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{6.030}{12} - 22^2} = \sqrt{18.5} = 4.3 \qquad CV = \frac{4.3}{22} = 0.19$$

Elegiría al jugador 1, porque aunque ambos tienen la misma media de resultados, el primero tiene un coeficiente de variación menor.

Jugador 3:
$$\overline{x} = \frac{40}{10} = 4$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{176}{10} - 4^2} = \sqrt{1,6} = 1,26$$

$$CV = \frac{1,26}{4} = 0,32$$

Jugador 4:
$$\overline{X} = \frac{40}{10} = 4$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{268}{10} - 4^2} = \sqrt{10,8} = 3,29 \qquad CV = \frac{3,29}{4} = 0,82$$

En este caso, elegiría al jugador 3, que tiene la misma media que el jugador 4, pero es más regular.

055

Un corredor entrena, de lunes a viernes, recorriendo las siguientes distancias: 2, 5, 5, 7 y 3 km, respectivamente.

Si el sábado también entrena:

- a) ¿Cuántos kilómetros debe recorrer para que la media sea la misma?
- b) ¿Y para que la mediana no varíe?
- c) ¿Y para que la moda permanezca constante?



a)
$$\overline{x} = \frac{22}{5} = 4.4 \rightarrow \frac{22 + a}{6} = 4.4 \rightarrow a = 4.4$$

- b) Cualquier recorrido de 5 o más kilómetros hace que la mediana no varíe.
- c) Si recorre 5 km, o cualquier distancia que no sea 2, 3 o 7 km, se mantiene la moda constante.

058

Los diplomados en Informática de gestión tienen un salario medio, en su primer empleo, de 1.080 €, con una desviación típica de 180 €, y los diplomados en Informática de sistemas, un salario medio de 960 €, con una desviación típica de 150 €.

Si a un diplomado en Informática de gestión le ofrecen un sueldo de 1.200 €, y a un diplomado en Informática de sistemas, un sueldo de 1.140 €, ¿cuál de los dos recibe mejor oferta? ¿Por qué?

Si comparamos la oferta del diplomado en Informática de gestión: $\frac{1.200 - 1.080}{180} = 0,67$

Para el diplomado en Informática de sistemas, la comparación es: $\frac{1.140 - 960}{150} = 1,2$

Así, el diplomado en Informática de sistemas recibe una oferta mejor, porque su valoración respecto a su grupo es más alta.

059

Para un experimento sobre diabetes se seleccionan 120 personas cuyos niveles de glucosa en sangre son:

Nivel de glucosa	Frecuencia absoluta
[80, 96)	28
[96, 112)	40
[112, 128)	32
[128, 144)	14
[144, 160)	6

- a) Calcula la media y la desviación típica correspondiente a estos datos.
- b) El equipo médico desea seleccionar un intervalo de niveles de glucosa centrado en la media, es decir, del tipo $(\overline{x} - a, \overline{x} + a)$ y que contenga al 50 % de las personas.
- c) ¿Cuáles serán los extremos del intervalo?

a)
$$\overline{x} = \frac{13.280}{120} = 110,67$$

a)
$$\overline{x} = \frac{13.280}{120} = 110,67$$
 $\sigma = \sqrt{\frac{1.507.840}{120} - 110,67^2} = \sqrt{317,48} = 17,82$

b)
$$\frac{\frac{120}{4} = 30 \rightarrow Q_1 = 104}{\frac{3 \cdot 120}{4} = 90 \rightarrow Q_3 = 120}$$

- → El 50% de los datos se encuentra en el intervalo (104, 120).
- c) Entonces el intervalo (110,67 9,33; 110,67 + 9,33) = (101,34; 120) contiene al 50 % de las personas.

Para un experimento sobre diabetes se seleccionan 120 personas cuyos niveles de glucosa en sangre son:

Nivel de glucosa	Frecuencia absoluta
[80, 96)	28
[96, 112)	40
[112, 128)	32
[128, 144)	14
[144, 160)	6

- a) Calcula la media y la desviación típica correspondiente a estos datos.
- b) El equipo médico desea seleccionar un intervalo de niveles de glucosa centrado en la media, es decir, del tipo $(\overline{x} - a, \overline{x} + a)$ y que contenga al 50 % de las personas.
- c) ¿Cuáles serán los extremos del intervalo?

a)
$$\overline{x} = \frac{13.280}{120} = 110,6$$

a)
$$\overline{x} = \frac{13.280}{120} = 110,67$$
 $\sigma = \sqrt{\frac{1.507.840}{120} - 110,67^2} = \sqrt{317,48} = 17,82$

b)
$$\frac{\frac{120}{4} = 30 \rightarrow Q_1 = 104}{\frac{3 \cdot 120}{4} = 90 \rightarrow Q_3 = 120}$$

- → El 50% de los datos se encuentra en el intervalo (104, 120).
- Entonces el intervalo (110,67 9,33; 110,67 + 9,33) = (101,34; 120) contiene al 50 % de las personas.

060

Para un experimento sobre diabetes se seleccionan 120 personas cuyos niveles de glucosa en sangre son:

Nivel de glucosa	Frecuencia absoluta
[80, 96)	28
[96, 112)	40
[112, 128)	32
[128, 144)	14
[144, 160)	6

- a) Calcula la media y la desviación típica correspondiente a estos datos.
- b) El equipo médico desea seleccionar un intervalo de niveles de glucosa centrado en la media, es decir, del tipo (x̄ - a, x̄ + a) y que contenga al 50 % de las personas.
- c) ¿Cuáles serán los extremos del intervalo?

a)
$$\overline{x} = \frac{13.280}{120} = 110,67$$
 $\sigma = \sqrt{\frac{1.507.840}{120} - 110,67^2} = \sqrt{317,48} = 17,82$

b)
$$\frac{\frac{120}{4} = 30 \rightarrow Q_1 = 104}{\frac{3 \cdot 120}{4} = 90 \rightarrow Q_3 = 120}$$

- → El 50% de los datos se encuentra en el intervalo (104, 120).
- c) Entonces el intervalo (110,67 9,33; 110,67 + 9,33) = (101,34; 120) contiene al 50% de las personas.

En un concurso de televisión se forma a las aspirantes para ser modelos. Al concurso se han presentado 2.400 candidatas, y para seleccionar a las 12 participantes deberán pasar por diferentes eliminatorias. La primera se hará midiendo su altura, y se exige que midan entre 173 y 191 cm, ambas medidas incluidas.

Las alturas de las aspirantes se muestran en la tabla.

 a) ¿Cuántas aspirantes quedarán eliminadas por la altura?

 (Por ejemplo, del intervalo [170, 180] deberc

(Por ejemplo, del intervalo [170, 180) deberás eliminar el intervalo [170, 173). Halla qué porcentaje de la amplitud de clase es este intervalo y elimina el mismo porcentaje de chicas.)

Altura	Frecuencias absolutas
[150, 160)	80
[160, 170)	430
[170, 180)	1.020
[180, 190)	690
[190, 200)	180

- Si consideramos las aspirantes que superan la prueba de la altura, calcula las medidas de centralización y de dispersión correspondientes.
 - a) Por la altura deben ser eliminadas: $80 + 430 + \frac{3}{10} \cdot 1.020 + \frac{9}{10} \cdot 180 = 978$ chica
 - b) La nueva tabla es:

Altura	Frecuencias absolutas
[173, 180)	714
[180, 190)	690
[190, 191)	18

$$\overline{x} = \frac{257.100}{1.422} = 180,8$$
 $Mo = 185$ $Me = 176,5$

$$\sigma = \sqrt{\frac{46.511.181}{1.422} - 180.8^2} = \sqrt{19.64} = 4.43 \qquad CV = \frac{4.43}{180.8} = 0.02$$

A un laboratorio han llegado 24 botellas de agua, 12 botellas de 1 litro y 12 botellas de medio litro, para analizar su contenido en sales.

Se han obtenido los siguientes datos, expresados en mg.

Botellas de 1 litro:

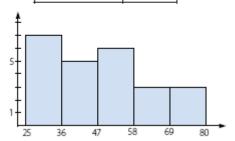
Botellas de medio litro:

- a) Clasifica la variable estadística de concentración de sales.
- b) Justifica si es conveniente tomar o no intervalos al realizar una tabla.
 - a) La variable es cuantitativa continua.
 - Se pueden agrupar los datos en intervalos para realizar la tabla y facilitar su estudio.

$$\sqrt{24} = 4.9 \rightarrow 5$$
 intervalos

$$\frac{76-25}{\sqrt{24}} = 10,41$$

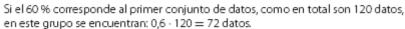
Contenido (mg) f _i
[25, 36)	7
[36, 47)	5
[47, 58)	6
[58, 69)	3
[69, 80)	3



Tenemos 120 datos que hemos clasificado en tres grupos y queremos representarlos mediante un diagrama de sectores. Analizando los distintos grupos hemos llegado a estas conclusiones.

- Sector 1: representa el primer conjunto de datos, y comprende el 60 % del diagrama.
- Sector 2: compuesto por el segundo grupo de datos, está representado por un ángulo de 90°.
- Sector 3: representa el tercer grupo de datos.

Construye el diagrama y calcula el número de datos que contiene cada sector.



60%

90°

Como el segundo sector es de 90° corresponde a una frecuencia relativa de 0.25; por tanto, en el segundo grupo hay: $0.25 \cdot 120 = 30$ datos.

Así, el tercer conjunto de datos está formado por: 120 - 72 - 30 = 18 datos.



En un examen, en el que la puntuación varía entre 0 y 10, la media aritmética de los 12 primeros datos de la lista, en un grupo de 20 alumnos, fue 6,5.

¿Cuáles son los valores mínimo y máximo que puede tomar la media del grupo?

$$\frac{\text{Suma de } 12 \text{ primeros}}{12} = 6,5 \rightarrow \text{Suma de } 12 \text{ primeros} = 78$$

$$\overline{x} = \frac{78 + \text{Suma de 8 últimos}}{20}$$

El valor mínimo de la media se alcanza si los 8 últimos alumnos del grupo obtienen 0 como calificación, y entonces:

$$\overline{x} = \frac{78}{20} = 3.9$$

El valor máximo se obtiene si los 8 últimos alumnos consiguen 10 como calificación, en este caso:

$$\overline{x} = \frac{78 + 80}{20} = 7,9$$

066

La media de un conjunto de 12 datos es 6, y la media de otro conjunto con 13 datos es 5,5. ¿Cuál sería la media si uniéramos todos los datos en un único conjunto de 25 datos?

$$\overline{x} = \frac{6 \cdot 12 + 5.5 \cdot 13}{25} = 5.74$$